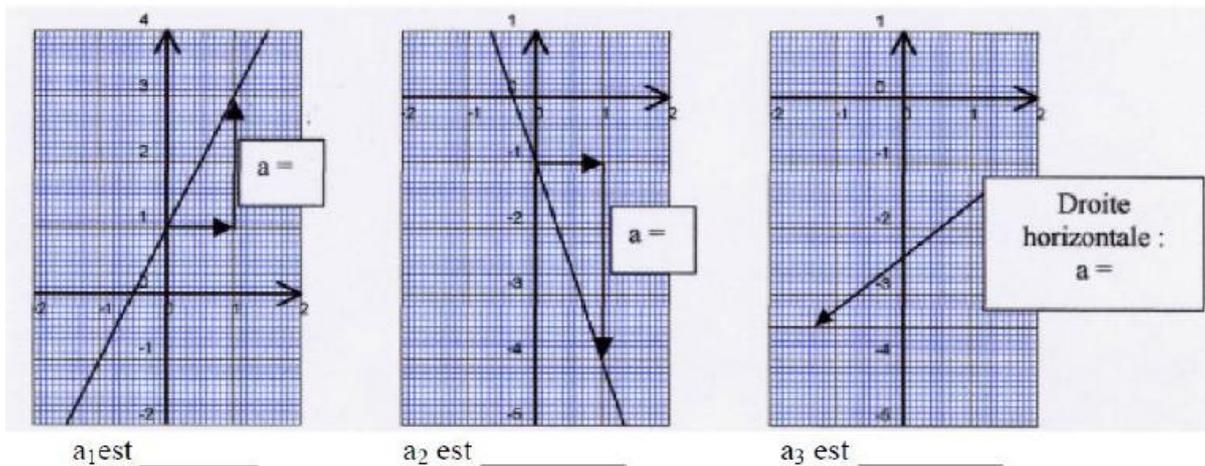
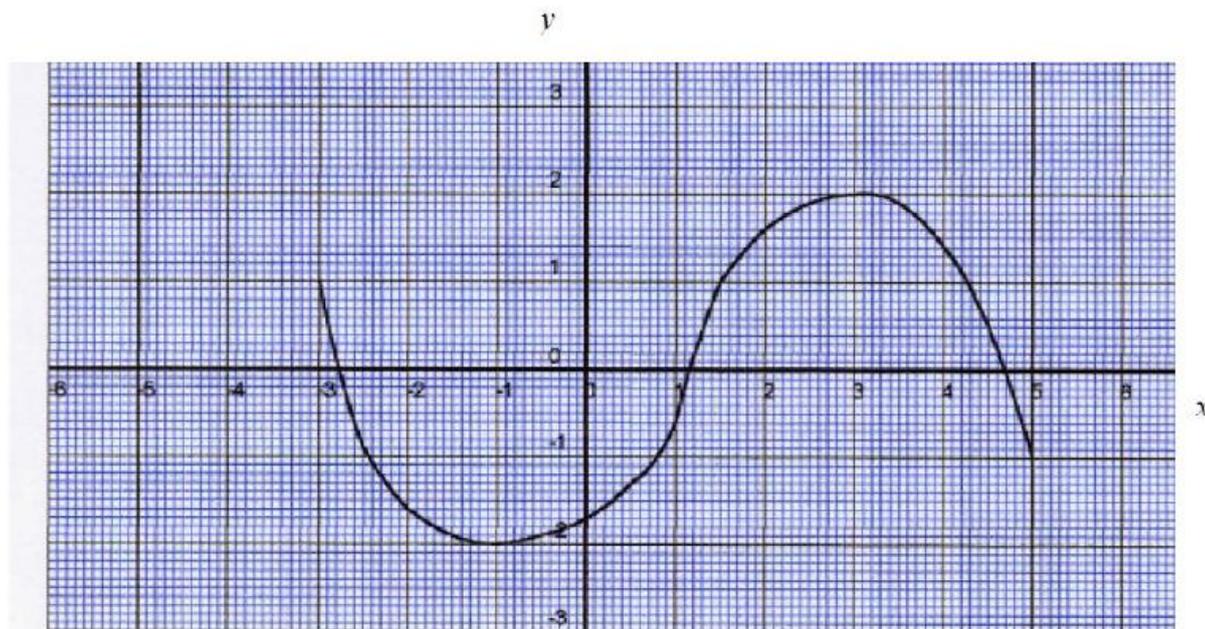


Déterminer graphiquement le coefficient directeur  $a$  de chaque droite  $D$  représentée ci-dessous.

Indiquer si chaque coefficient  $a$  est positif ou négatif.



On donne la représentation graphique  $C$  d'une fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-3 ; 5]$ .



Tracer les tangentes à la courbe ci-dessus aux points A,B,C,D,E,F,G,H d'abscisses respectives:

-2,5 ; -2 ; -1 ; 0 ; 1 ; 2 ; 3 ; 4,5.

! Le coefficient directeur de chaque tangente au point d'abscisse  $x_0$  est égal au nombre dérivé  $f'(x_0)$

Indiquer par  $> 0$  ou  $< 0$  les signes des nombres dérivés suivants :

$f'(-2,5)$  \_\_\_\_\_ ;  $f'(-2)$  \_\_\_\_\_ ;  $f'(0)$  \_\_\_\_\_

$f'(1)$  \_\_\_\_\_ ;  $f'(2)$  \_\_\_\_\_ ;  $f'(4,5)$  \_\_\_\_\_

Déterminer graphiquement les nombres dérivés en  $x = -1$  et  $x = 3$ .

$f'(-1) =$  \_\_\_\_\_  $f'(3) =$  \_\_\_\_\_

En utilisant les résultats précédents, indiquer, pour chaque intervalle, les signes de nombres dérivés  $f'(x_0)$  :

$x_0$  appartient à  $[-3 ; -1[$   $f'(x_0)$  \_\_\_\_\_.

$x_0$  appartient à  $]-1 ; 3[$   $f'(x_0)$  \_\_\_\_\_.

$x_0$  appartient à  $]3 ; 5[$   $f'(x_0)$  \_\_\_\_\_.

*Le signe de la fonction dérivée  $f'$  sur un intervalle permet de connaître la variation de la fonction  $f$  sur cet intervalle.*

### Construction du tableau de variation de la fonction $f$ :

En utilisant les résultats du 2. :

- Dans la première ligne, indiquer les valeurs de  $x$  correspondant aux bornes des intervalles définis.
- Dans la ligne 2, reporter le signe de la fonction dérivée selon l'intervalle étudié.
- Dans la troisième ligne, indiquer par des flèches si la fonction  $f$  est croissante, décroissante ou constante

x	
Signe de $f'$	
Sens de variation de $f$	

*La courbe représentative de la fonction  $f$  passe par des points dont les ordonnées sont soit maximales soit minimales.*

*Ces points sont appelés **extréma** pour la fonction  $f$ .(extremum pour un point)*

*En ces points, on note des tangentes horizontales que l'on représente par «  $\longleftrightarrow$  » sur le graphique.*

Donner les coordonnées du point M minimum par lequel passe la courbe  $C$  :

Donner les coordonnées du point N maximum par lequel passe la courbe  $C$  :

Tracer les tangentes à la courbe  $C$  aux points minimum et maximum.

*Il existe un lien entre le signe de sa fonction dérivée  $f'$  et le sens de variation d'une fonction  $f$ .*

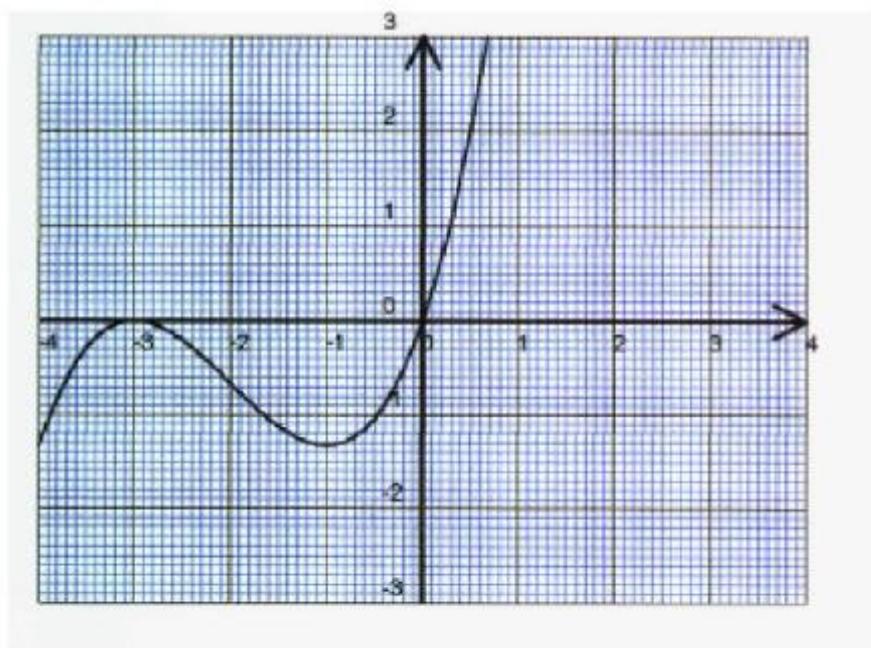
Compléter le cadre en utilisant les mots suivants :

- croissante - décroissante - constante -

Soit une fonction  $f$  dérivable sur un intervalle  $I$  et sa fonction dérivée  $f'$ .

Si, pour tout  $x$  de  $I$ ,  $f'(x)$  est strictement négative, alors  $f(x)$  est strictement \_\_\_\_\_ sur  $I$ .

Si, pour tout  $x$  de  $I$ ,  $f'(x)$  est strictement positive, alors  $f(x)$  est strictement \_\_\_\_\_ sur  $I$ .



En utilisant la représentation de la fonction  $f$ , compléter le tableau de variation correspondant:

x	
Signe de $f'$	
Sens de variation de $f$	

Soit la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $[-1,5 ; 1,5]$  par  $f(x) = x^3 - 3x + 2$

Déterminer la fonction dérivée  $f'$  de la fonction  $f$ :

Résoudre dans l'ensemble des réels l'équation  $f'(x) = 0$ .

Etudier le signe de la fonction dérivée  $f'$  sur l'intervalle  $[-1,5 ; 1,5]$ .

$[-1,5 ; -1[$

$] -1 ; 1[$

$]1 ; 1,5]$

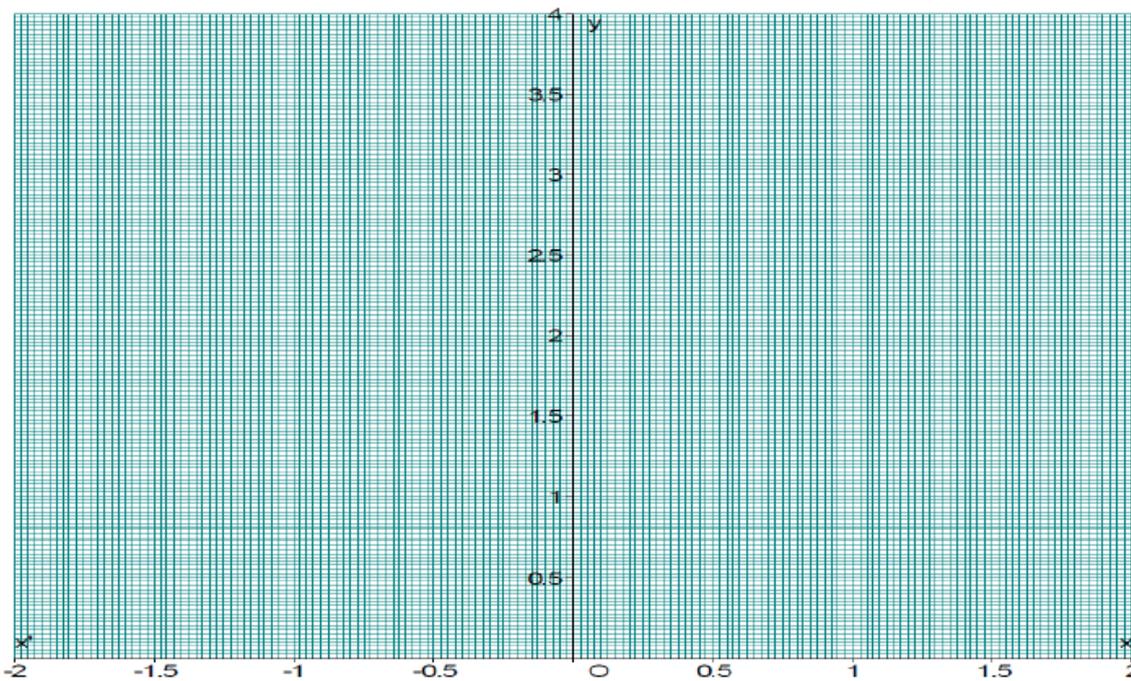
Compléter le tableau de variation de la fonction  $f$  sur l'intervalle  $[-1,5 ; 1,5]$ .

$x$	
Signe de $f'$	
Variation de $f$	

Compléter le tableau de valeurs de la fonction  $f$  sur l'intervalle  $[-1,5 ; 1,5]$ .

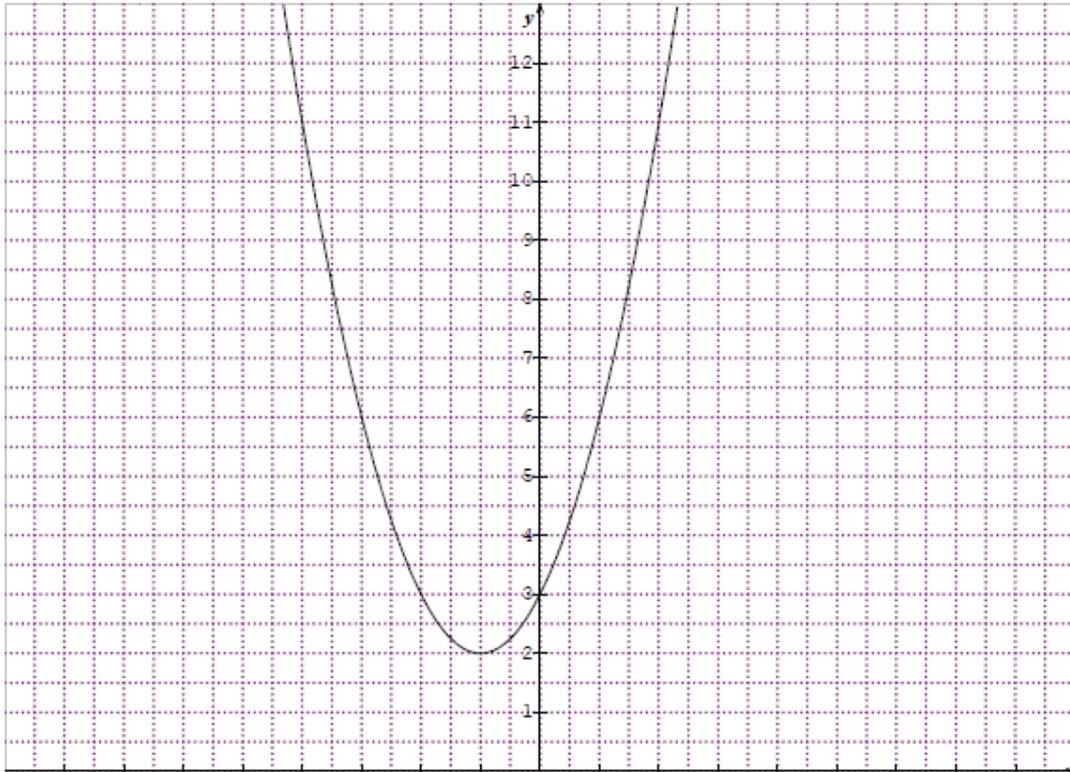
$x$	-1,5	-1	-0,5	0	0,5	1	1,5
$f(x)$							

Tracer la représentation graphique de la fonction  $f$  dans le repère orthogonal.



Tracer les tangentes à la courbe  $C$  aux points extrema.

Soit la courbe  $C$  représentant la fonction  $f$  d'équation  $f(x) = x^2 + 2x + 3$



La fonction dérivée  $f'$  de la fonction  $f$  est définie par :

- $f'(x) = 2x$         $f'(x) = 2x + 2$         $f'(x) = 2x + 3$

Le nombre dérivé  $f'(1)$  est égal à :

- 2       4       5

*Le nombre dérivé  $f'(1)$  est le coefficient directeur de la tangente à la courbe de la fonction  $f$  au point d'abscisse 1. Tracer cette tangente*

Déterminer le coefficient directeur  $a$  de la tangente à la courbe représentative de la fonction  $f$  au point d'abscisse  $x = 2$ .